

**Exercice 1 :** Un triangle ABC a pour côtés  $AB=8$ ,  $AC=6$  et  $BC=5$ . Déterminer les longueurs de ses 3 médianes.

**Exercice 2 :** On considère un segment  $[AB]$  de longueur 4. Quel est l'ensemble des points M du plan tels que  $MA^2+MB^2=20$  ?

**Exercice 3 :** ABC est un triangle tel que  $AB=3$ ,  $AC=6$  et  $BC=5$ . Soit I le milieu de  $[AB]$ .

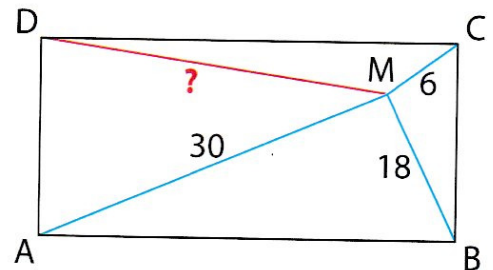
1) Calculer CI.

2) Déterminer l'ensemble L des point M du plan tels que  $MA^2+MB^2=61$

**Exercice 4 :** ABCD est un rectangle de centre O. Un point M est placé à l'intérieur du rectangle de telle sorte que  $MA=30\text{ m}$ ,  $MB=18\text{ m}$  et  $MC=6\text{ m}$ . On souhaite connaître MD.

1) Démontrez que  $MA^2+MC^2=MB^2+MD^2$

2) Calculer MD



**Exercice 5 :** Soit ABC un triangle et A', B' et C' les milieux respectifs de  $[BC]$ ,  $[CA]$  et  $[AB]$ .

1) On suppose que ABC est isocèle en A. Démontrer (avec ou sans calcul) que les médianes issues de B et C ont la même longueur.

2) Étude de la réciproque :

a) Énoncer la réciproque de la propriété démontrée à la question 1.

b) Exprimer  $BB'$  et  $CC'$  en fonction des côtés du triangle.

c) Démontrer que, si les médianes issues de B et de C ont la même longueur, alors ABC est isocèle en A.

3) Énoncer les résultats obtenus sous forme d'une propriété caractéristique.

**Exercice 6 :** Soit  $[AB]$  un segment de longueur 2 et I le milieu de  $[AB]$ .

On cherche l'ensemble  $\Gamma$  des points M du plan tels que  $\vec{MA} \cdot \vec{MB} = 5$ .

1) Démontrer, à l'aide de la relation de Chasles, que pour tout point M,  $\vec{MA} \cdot \vec{MB} = MI^2 - \frac{AB^2}{4}$ .

2) Démontrer que M appartient à  $\Gamma$  si et seulement si  $IM = \sqrt{6}$

3) En déduire l'ensemble  $\Gamma$ .

$\Omega$

