

1^o S - Chapitre 8 - Statistiques - Fiche Bachotage

Dans une série statistique de 10 valeurs rangées par ordre croissant, quels sont la médiane et les quartiles ?

Même question dans une série de 9 valeurs rangées par ordre croissant.

Construire le diagramme en boîte d'une série statistique dont la plus petite valeur est 2, la plus grande 10, $Me=5$, $Q_1=3$ et $Q_3=7$.

Quels sont l'étendue et l'écart interquartiles de cette série ?

Construire l'histogramme de la série statistique suivante : échelle : 1 carreau pour un effectif de 1.

classe	[2;4[[4;10[[10;20]
Effectif n_i	8	12	10

Calculer la médiane, les quartiles, la moyenne, la variance et l'écart-type de cette série.

La médiane s'obtient en faisant la moyenne entre la 5^{ème} et la 6^{ème} valeur.

Comme $\frac{10}{4}=2,5$, Q_1 est la 3^{ème} valeur.

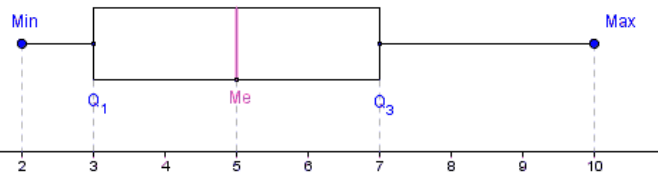
Comme $\frac{3 \times 10}{4}=7,5$, Q_3 est la 8^{ème} valeur.

Rappel : Dans une série de N valeurs rangées par ordre croissant, Q_1 est la valeur dont le rang est le premier entier supérieur ou égal à $\frac{N}{4}$, Q_3 est la valeur dont le rang est le premier entier supérieur ou égal à $\frac{3N}{4}$.

La médiane est la 5^{ème} valeur (valeur centrale)

$\frac{9}{4}=2,25$ donc Q_1 est la 3^{ème} valeur.

$\frac{3 \times 9}{4}=6,75$ donc Q_3 est la 7^{ème} valeur.



Etendue : $10-2=8$ Ecart interquartiles : $7-3=4$



Calcul de l'effectif total : $N=8+12+10=30$

On calcule les valeurs centrales des classes :

Pour [2;4[: $\frac{2+4}{2}=3$ Pour [4;10[: $\frac{4+10}{2}=7$ Pour [10;20] : $\frac{10+20}{2}=15$

$Me=(\text{moyenne entre la } 15^{\text{ème}} \text{ et la } 16^{\text{ème}} \text{ valeur})$ $Me=7$

$\frac{30}{4}=7,5$ Q_1 est la 8^{ème} valeur : $Q_1=3$

$\frac{3 \times 30}{4}=22,5$ Q_3 est la 23^{ème} valeur : $Q_3=15$

Calcul de la moyenne : $\bar{x} = \frac{3 \times 8 + 7 \times 12 + 10 \times 15}{30} = 8,6$

$$V = \frac{8 \times (3-8,6)^2 + 12 \times (7-8,6)^2 + 10 \times (15-8,6)^2}{30}$$

$$V = 23,04 \quad \text{Ecart-type : } \sigma = \sqrt{V} = \sqrt{23,04} = 4,8$$

Rappels de cours :

Pour une série statistique dont les valeurs sont x_1, x_2, \dots, x_n
(Si la série est donnée par classes, prendre comme valeur x_i le centre de chaque classe)

Et les effectifs correspondants : n_1, n_2, \dots, n_n

L'effectif total de la série est $N = \sum_{i=1}^n n_i = n_1 + n_2 + \dots + n_n$

Les fréquences sont $f_1 = \frac{n_1}{N}, f_2 = \frac{n_2}{N}, \dots, f_n = \frac{n_n}{N}$.

La moyenne de la série est : $\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n n_i x_i}{N} = \frac{n_1 x_1 + n_2 x_2 + \dots + n_n x_n}{N}$

Remarque : $\bar{x} = \sum_{i=1}^n f_i x_i$

La variance de la série est : $V = \frac{\sum_{i=1}^n n_i \times (x_i - \bar{x})^2}{N} = \frac{n_1 \times (x_1 - \bar{x})^2 + n_2 \times (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + n_n \times (x_n - \bar{x})^2}{N}$
(moyenne des carrés des écarts à la moyenne)

Remarque : $V = \sum_{i=1}^n f_i (x_i - \bar{x})^2$

Autre formule pour calculer la variance : $V = \frac{\sum_{i=1}^n n_i x_i^2}{N} - \bar{x}^2$

L'écart-type de la série est la racine carrée de la variance : $\sigma = \sqrt{V}$

La médiane est la **valeur centrale** de la série dont les valeurs sont rangées dans l'ordre croissant si l'effectif total est impair, **ou la moyenne des deux valeurs centrales** si l'effectif total est pair.

Q_1 est la valeur dont le rang est le premier entier supérieur ou égal à $\frac{N}{4}$.

Q_3 est la valeur dont le rang est le premier entier supérieur ou égal à $\frac{3N}{4}$.

- Au moins 50 % des valeurs sont dans l'intervalle $[Q_1; Q_3]$
- Au moins 25% des valeurs ne dépassent pas Q_1
- Au moins 25% des valeurs dépassent Q_3