

2^{nde} 4 – Devoir Maison n°8 – Pour le jeudi 12 février 2009

Exercice 1 :

A et B sont deux points distincts.

- 1) Construire G tel que $2\overrightarrow{GA} + 3\overrightarrow{GB} = \overrightarrow{0}$
- 2) Construire H tel que $8\overrightarrow{HA} - 3\overrightarrow{HB} = \overrightarrow{0}$
- 3) Démontrer que A est le milieu de [HG]

Exercice 2 :

ABC est un triangle quelconque.

- 1) Construire M, N et P tels que :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{MA} &= \overrightarrow{CB}, \\ \overrightarrow{AN} &= \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} \text{ et} \\ \overrightarrow{AP} &= -\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BC}\end{aligned}$$

- 2) A l'aide de la relation de Chasles, démontrer que PMNB est un parallélogramme.

Exercice 3 : ABC est un triangle ; I est le milieu de [AB].

1. a) Construire le point J tel que $\overrightarrow{AJ} = -\overrightarrow{AC}$.
b) En déduire que $\overrightarrow{IJ} = -\frac{1}{2}\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}$.
2. On note K le point tel que $2\overrightarrow{KB} + \overrightarrow{KC} = \overrightarrow{0}$.
a) Exprimer \overrightarrow{BK} en fonction de \overrightarrow{BC} . Construire K.
b) En déduire que $\overrightarrow{IK} = \frac{1}{6}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ et que $\overrightarrow{IJ} = -3\overrightarrow{IK}$.

Que dire alors des points I, J et K ?

Indication : revoir dans votre cours la notion de vecteurs colinéaires.

2^{nde} 4 – Devoir Maison n°8 – Pour le jeudi 12 février 2009

Exercice 1 :

A et B sont deux points distincts.

- 1) Construire G tel que $2\overrightarrow{GA} + 3\overrightarrow{GB} = \overrightarrow{0}$
- 2) Construire H tel que $8\overrightarrow{HA} - 3\overrightarrow{HB} = \overrightarrow{0}$
- 3) Démontrer que A est le milieu de [HG]

Exercice 2 :

ABC est un triangle quelconque.

- 1) Construire M, N et P tels que :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{MA} &= \overrightarrow{CB}, \\ \overrightarrow{AN} &= \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} \text{ et} \\ \overrightarrow{AP} &= -\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BC}\end{aligned}$$

- 2) A l'aide de la relation de Chasles, démontrer que PMNB est un parallélogramme.

Exercice 3 : ABC est un triangle ; I est le milieu de [AB].

1. a) Construire le point J tel que $\overrightarrow{AJ} = -\overrightarrow{AC}$.
b) En déduire que $\overrightarrow{IJ} = -\frac{1}{2}\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}$.
2. On note K le point tel que $2\overrightarrow{KB} + \overrightarrow{KC} = \overrightarrow{0}$.
a) Exprimer \overrightarrow{BK} en fonction de \overrightarrow{BC} . Construire K.
b) En déduire que $\overrightarrow{IK} = \frac{1}{6}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ et que $\overrightarrow{IJ} = -3\overrightarrow{IK}$.

Que dire alors des points I, J et K ?

Indication : revoir dans votre cours la notion de vecteurs colinéaires.