2nde – Chapitre VI – Les vecteurs dans le plan (vecteurs égaux, sommes de vecteurs)

I- Caractéristiques d'un vecteur, vecteurs égaux

Un vecteur $\vec{u}$ est caractérisé par

- ……………………..
- ……………………..
- …………………….. (appelée aussi **norme**)

Dessiner deux vecteurs de même direction (comprendre « parallèles ») ayant le même sens mais pas la même norme :

La ……………. ou ………………. d'un vecteur $\vec{u}$ est notée $\|\vec{u}\|$

Dessiner deux vecteurs de même direction mais de sens contraires et de normes différentes :

Propriété : la ……..……… d'un vecteur est un nombre positif ou nul.

Dessiner deux vecteurs de même norme qui n'ont pas la même direction :

Définition : Deux **vecteurs** sont **égaux** quand ils ont

- …………………………………..
- ………………………………….
- ………………………………….

Cas particulier : le **vecteur nul** noté $\vec{0}$, qui n'a ni direction ni sens.

Propriété caractéristique[1] du parallélogramme par égalité de 2 vecteurs :

…………………………………………………………………………………………

($\overrightarrow{AB}$ et $\overrightarrow{DC}$ sont deux représentants du même vecteur)

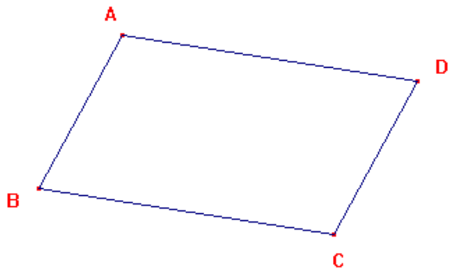
Citer toutes les égalités vectorielles qui sont équivalentes à l'affirmation « ABCD est un parallélogramme » :

………………………………

……………………………....

………………………………

………………………………



Ne pas vous tromper dans le sens : dans $\overrightarrow{AB}$, A est l'origine et B l'extrémité.
$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ mais $\overrightarrow{AB} \neq \overrightarrow{CD}$.

Définition : deux vecteurs qui ont …………………… et …………………. mais de …… contraires sont deux **vecteurs opposés**. Le vecteur opposé de $\vec{u}$ est noté $-\vec{u}$.

Citer des couples de vecteurs opposés dans le parallélogramme ABCD :

……………………   ……………………..   ………………….   ………………………

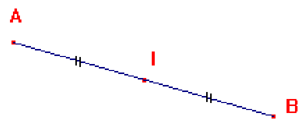
[1] Caractéristique = qui caractérise. Une propriété caractéristique du parallélogramme est une condition nécessaire et suffisante pour que le quadrilatère soit un parallélogramme. ABCD est un parallélogramme ⇔ $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

Remarque : Pour tous points A et B du plan, les vecteurs $\overrightarrow{AB}$ et $\overrightarrow{BA}$ sont opposés.
$\overrightarrow{BA} = -\overrightarrow{AB}$ et $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$.

Dessiner deux vecteurs $\overrightarrow{u}$ et $\overrightarrow{v}$ opposés :

Propriété caractéristique du milieu d'un segment par égalité de deux vecteurs :
……………………………………………………………………………………

Citer 2 égalités vectorielles signifiant que I est le milieu de [AB]
……………..   ……………..



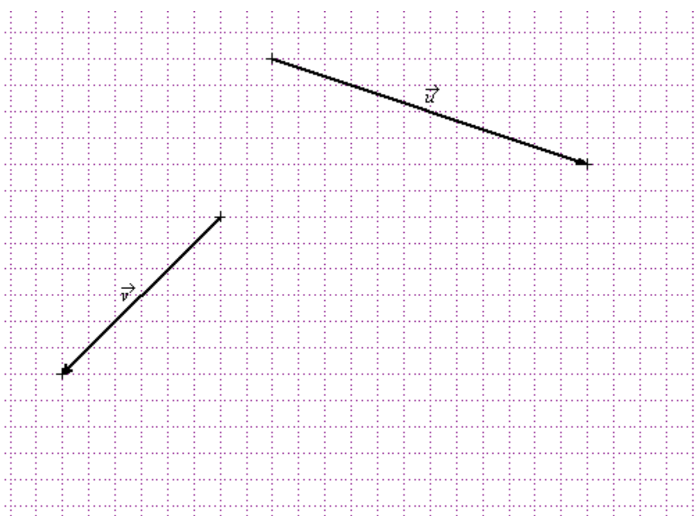
⚠ AI = IB (égalité de deux longueurs) ne suffit pas pour prouver que I est le milieu de [AB] (I est alors sur la médiatrice de [AB], mais pas forcément sur le segment [AB])

Remarque : $\boxed{\overrightarrow{AI} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}}$, $\boxed{2\overrightarrow{AI} = \overrightarrow{AB}}$, $\boxed{\overrightarrow{BI} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BA}}$, $\boxed{2\overrightarrow{BI} = \overrightarrow{BA}}$, $\boxed{\overrightarrow{IB} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}}$ etc…
Sont d'autres égalités vectorielles équivalentes à l'affirmation « I est le milieu de [AB]»

II- Somme de deux vecteurs.

Dessiner un représentant du vecteur $\overrightarrow{w}$, somme des vecteurs $\overrightarrow{u}$ et $\overrightarrow{v}$:
$\overrightarrow{w} = \overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$

Pour obtenir le vecteur somme, on place bout à bout les deux vecteurs, l'extrémité du premier se confondant avec l'origine du second. Le vecteur somme a l'origine du premier et l'extrémité du second.



D'où la Relation de Chasles :
Pour tous points A, M, B du plan,
$\boxed{\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MB}}$ **ou** $\boxed{\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MB} = \overrightarrow{AB}}$

Applications courantes :

- Décomposition d'un vecteur en somme de plusieurs vecteurs :

$\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{\ldots P} + \overrightarrow{\ldots . R} + \overrightarrow{\ldots K} + \overrightarrow{\ldots ..}$ ⚠ l'extrémité de l'un est l'origine du suivant

- Réduction d'une somme de vecteurs :

$\overrightarrow{AT} + \overrightarrow{KU} + \overrightarrow{TK} + \overrightarrow{LP} + \overrightarrow{UL}$ = ………………………………………….. = …………..

Propriété caractéristique du parallélogramme par la somme de 2 vecteurs :
……………………………………………………………………………………

Citer 4 égalités avec sommes de vecteurs équivalentes à l'affirmation « ABCD est un parallélogramme »
……………………………………
……………………………………
……………………………………
……………………………………